

MATHEMATICS (LB04)

(Lecce - Università degli Studi)

Teaching MATHEMATICAL ANALYSIS III

GenCod A002748

Owner professor Elisabetta Maria MANGINO

Reference professors for teaching Elisabetta Maria MANGINO, Giorgio Gustavo Ermanno METAFUNE

Teaching in italian ANALISI MATEMATICA III

Teaching MATHEMATICAL ANALYSIS III

SSD code MAT/05

Reference course MATHEMATICS

Course type Laurea

Credits 9.0

Teaching hours Front activity hours: 63.0

For enrolled in 2022/2023

Taught in 2023/2024

Course year 2

Language ITALIAN

Curriculum PERCORSO COMUNE

Location Lecce

Semester First Semester

Exam type Separate Written and Oral

Assessment Final grade

Course timetable

<https://easyroom.unisalento.it/Orario>

BRIEF COURSE DESCRIPTION

Serie e successioni di funzioni, serie di Fourier, Equazioni differenziali ordinarie, Integrazione secondo Lebesgue in \mathbb{R}^n .

REQUIREMENTS

Contenuti dei corsi di Analisi I e II

COURSE AIMS

Conoscenze e comprensione. Possedere una solida preparazione con un ampio spettro di conoscenze di base di tipo analitico.

Capacità di applicare conoscenze e comprensione: essere in grado di produrre dimostrazioni rigorose di risultati matematici non identici a quelli già conosciuti, ma chiaramente correlati ad essi, essere in grado di formalizzare matematicamente problemi di moderata difficoltà, in modo da facilitare la loro analisi e risoluzione, essere capaci di leggere e comprendere, in modo autonomo, testi di base di Analisi Matematica.

Autonomia di giudizio. L'esposizione dei contenuti e delle argomentazioni sarà svolta in modo da migliorare la capacità dello studente di riconoscere dimostrazioni rigorose e individuare ragionamenti fallaci.

Abilità comunicative. La presentazione degli argomenti sarà svolta in modo da consentire l'acquisizione di una buona capacità di comunicare problemi, idee e soluzioni riguardanti l'Analisi Matematica, sia in forma scritta che orale.

Capacità di apprendimento. Saranno indicati argomenti da approfondire, strettamente correlati con l'insegnamento, al fine di stimolare la capacità di apprendimento autonomo dello studente.

TEACHING METHODOLOGY

Lezioni frontali

ASSESSMENT TYPE

Prova scritta e prova orale. La prova scritta consiste nella soluzioni di alcuni esercizi sugli argomenti del corso ed è propedeutica a quella orale. La prova orale serve a verificare l'apprendimento dei concetti fondamentali, dei risultati principali, delle tecniche dimostrative nonché della capacità di esporre in modo chiaro gli argomenti del corso.

FULL SYLLABUS

Serie e successioni di funzioni: convergenza puntuale ed uniforme, continuità del limite. Derivazione ed integrazione termine a termine. Somma per parti e formula di Abel. Serie di potenze e raggio di convergenza. Serie di Taylor e sviluppi in serie notevoli. Continuità sino al bordo. Serie trigonometriche, serie di Fourier, convergenza puntuale ed uniforme.

Equazioni differenziali ordinarie: teorema di esistenza e unicità, Lemma di Gronwall. Metodi di soluzione per equazioni del primo ordine. Soluzioni massimali e criteri di prolungabilità. Equazioni e sistemi lineari, wronskiano. Studio qualitativo per equazioni del primo ordine. Soprasoluzioni, sottosoluzioni e metodi di confronto. Metodi di soluzione per alcune equazioni del secondo ordine.

Integrazione secondo Lebesgue La misura di Lebesgue e le sue proprietà. Funzioni misurabili. Integrale di Lebesgue. Misura prodotto e integrali multipli. Teoremi di passaggio al limite sotto il segno di integrale. Integrazione per serie. Cambiamento di variabili. Integrali dipendenti da parametri.

Series and sequences of functions: pointwise and uniform convergence, continuity of the limit. Term by term differentiation and integration. Summation by parts and Abel's formula. Power series and radius of convergence. Taylor series. Continuity up to the boundary. Trigonometric series, Fourier series, pointwise and uniform convergence.

Ordinary differential equations: existence and uniqueness theorem, Gronwall's Lemma. Solution methods for first-order equations. Maximal solutions and prolongability criteria. Linear equations and systems. The wronskian. Solution methods for some second-order equations. Qualitative study of first order equations. Sub and super solutions, comparison methods.

Lebesgue's integral: Lebesgue measure and its properties. Measurable functions. Lebesgue integral. Product measure. Term by term integration. Change of variables in multiple integrals. Integrals depending on parameters.

REFERENCE TEXT BOOKS

J. P. Cecconi-G. Stampacchia, *Analisi Matematica* vol II
E. Giusti: *Analisi II*
Fusco, Marcellini, Sbordone, *Analisi Matematica 2*
Dispense di esercizi